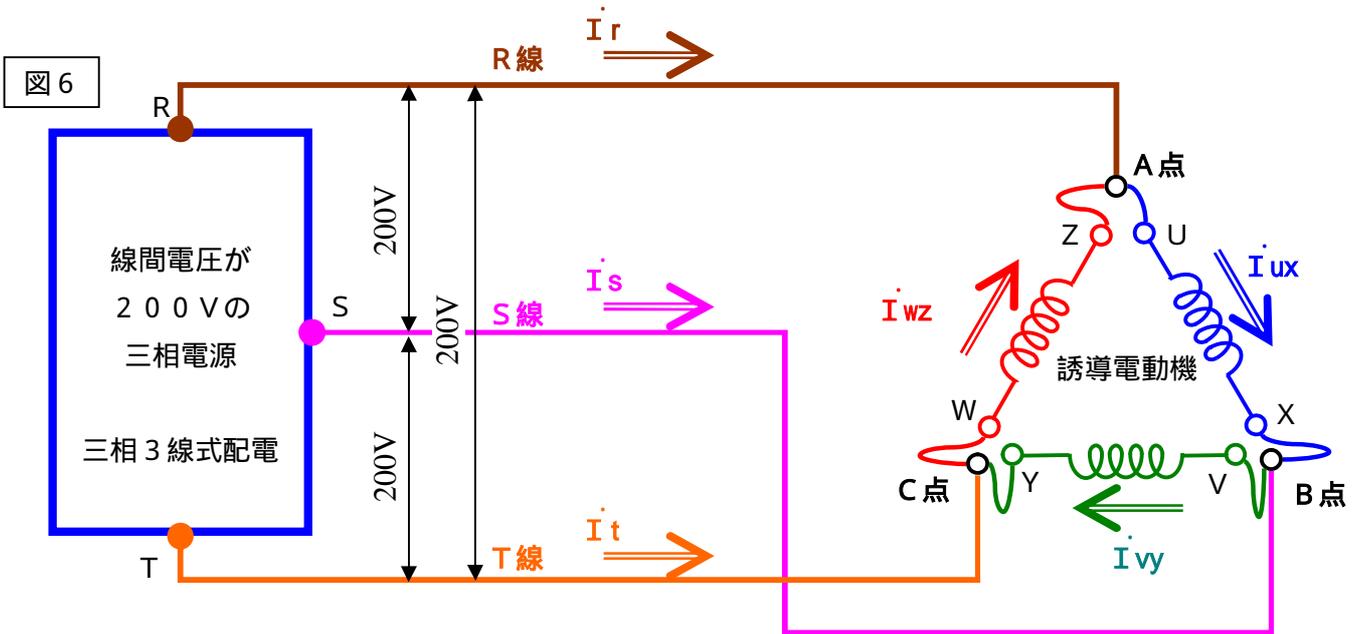


デルタに接続した場合の巻き線電流の算出方法です。  
 巻線電流は線電流の1/3倍になります。これを証明します。  
 前ページの図6を使って説明します。



A 点に注目してキルヒホッフの原理を導入し、流入する電流をプラス、流出する電流をマイナスとすると下記の方程式が得られます。

$$\dot{I}_r + \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{ux} = 0$$

これを变形して  $\dot{I}_r =$  の式に書き換えると下記になります。

$$\dot{I}_r = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \text{--- 式}$$

同様に B 点、C 点に注目して下記の等式を得ます。

$$\dot{I}_s = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \text{--- 式}$$

$$\dot{I}_t = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \text{--- 式}$$

このままでは当然の話としてこの方程式は解けません。

(変数が6個有って、関係式が3個しか無い。従って絶対に解けない。)

ここで出来るだけ計算を簡略化して、解答を導き出す事を考えます。

線電流  $\dot{I}_r$  を見て、 $|\dot{I}_r| = I$  と置きます。

同様に  $\dot{I}_s$  及び  $\dot{I}_t$  も  $|\dot{I}_s| = I$ 、 $|\dot{I}_t| = I$  と置きます。(電流の絶対値は全部同じ。)

ここで、 $\dot{I}_r$  を基準ベクトルとすると、上記の式 ~ は次のように変形できます。

$$I \angle 0^\circ = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \text{--- 式}$$

$$I \angle -120^\circ = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \text{--- 式}$$

$$I \angle -240^\circ = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \text{--- 式}$$

さらにこの式をベクトルオペレータを使って変形します。

ベクトルオペレータとは  $120^\circ$  ずつ位相のずれたベクトルを扱う時に使用する複素数です。

次ページに解説を記載します。

ベクトルオペレータを と書きます。

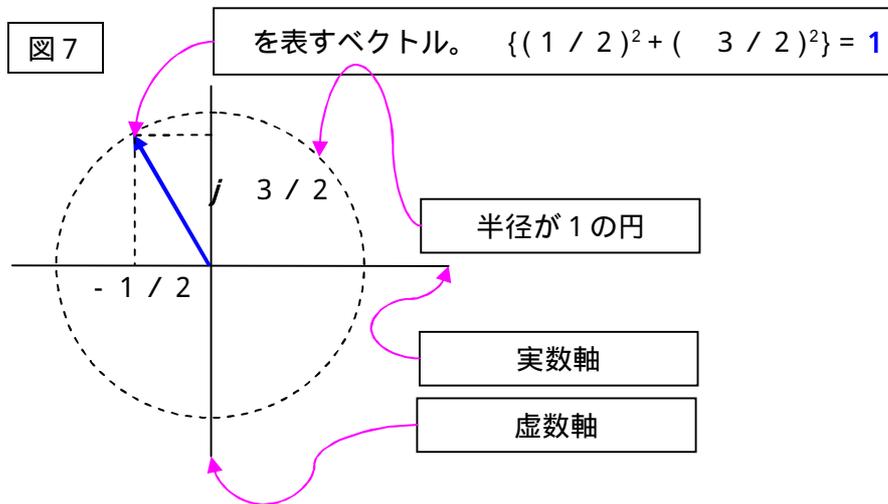
$$= -1/2 + j 3/2 \text{ という複素数です。}$$

これは下図の値を持つ長さが1のベクトルです。

つまり、 $1 \angle 120^\circ$  (長さが1、角度が120度) と等価です。

又、 $120^\circ$  は  $-240^\circ$  と等しくなりますので、 は下記のように書けます。

$$= -1/2 + j 3/2 = 1 \angle 120^\circ = 1 \angle -240^\circ$$



<sup>2</sup>は次のようになります。

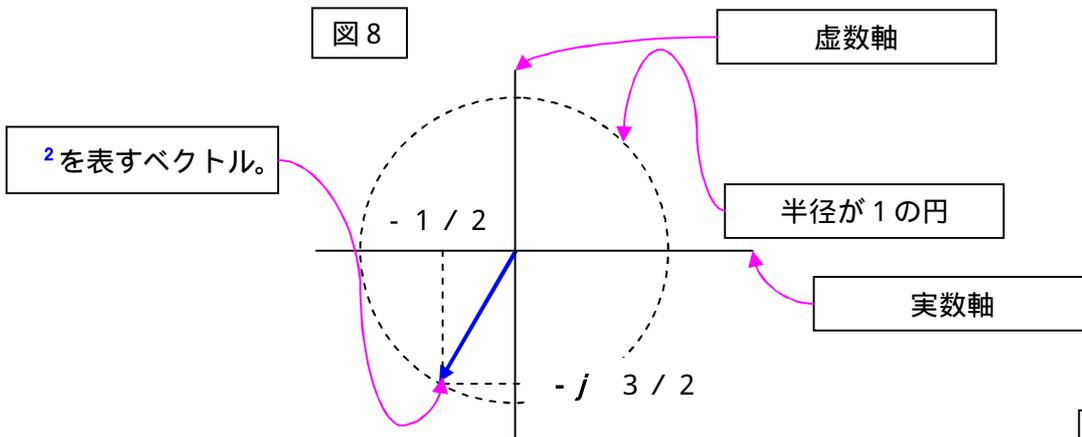
$$= -1/2 + j 3/2 \text{ だから}$$

$$^2 = (-1/2 + j 3/2) \text{ の2乗}$$

$$= 1/4 - j 3/2 - 3/4$$

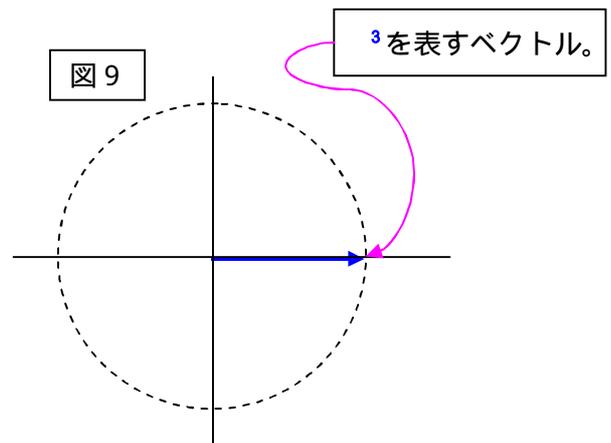
$$= -1/2 - j 3/2$$

$$= 1 \angle 240^\circ = 1 \angle -120^\circ$$



<sup>3</sup>は <sup>2</sup>がさらに反時計回りに120°回ります。

つまり <sup>3</sup> = 1です。



ベクトルオペレータを導入して6ページの式を変形します。

$$\mathbf{I} \angle 0^\circ = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I} \angle -120^\circ = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I} \angle -240^\circ = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \dots \quad \text{式}$$

を使うと上の式の左辺は次のように変形できます。

$$\mathbf{I} \angle 0^\circ = \mathbf{I}$$

$$\mathbf{I} \angle -120^\circ = \mathbf{I}^2$$

$$\mathbf{I} \angle -240^\circ = \mathbf{I}$$

従って、～式は下記のようになります。

$$\mathbf{I} = \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{wz} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I}^2 = \dot{I}_{vy} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I} = \dot{I}_{wz} - \dot{I}_{vy} \quad \dots \quad \text{式}$$

今度は右辺の変形を試みます。

巻線コイルに流れる電流の電流値は未だ解りません。

しかし、3つの電流  $\dot{I}_{ux}$  ,  $\dot{I}_{vy}$  ,  $\dot{I}_{wz}$  の絶対値は総て同じで、且つ位相が  $120^\circ$  ずつ、ずれている事は解っています。

従って  $\dot{I}_{ux}$  を基準にすれば  $\dot{I}_{vy}$  と  $\dot{I}_{wz}$  はベクトルオペレータを使って次のように書けます。

$$\dot{I}_{vy} = \mathbf{I}^2 \dot{I}_{ux}$$

$$\dot{I}_{wz} = \mathbf{I} \dot{I}_{ux}$$

この式を～式に代入します。

$$\mathbf{I} = \dot{I}_{ux} - \mathbf{I} \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I}^2 = \mathbf{I}^2 \dot{I}_{ux} - \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I} = \dot{I}_{ux} - \mathbf{I}^2 \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

式を変形します。

$$\mathbf{I} = \dot{I}_{ux} - \mathbf{I} \dot{I}_{ux} \quad \dots \quad \text{式}$$

$$\mathbf{I} = (1 - \mathbf{I}) \cdot \dot{I}_{ux}$$

$= -1/2 + j \sqrt{3}/2$  ですから、

$$\mathbf{I} = \{1 - (-1/2 + j \sqrt{3}/2)\} \cdot \dot{I}_{ux}$$

$$\mathbf{I} = (3/2 - j \sqrt{3}/2) \cdot \dot{I}_{ux}$$

$$\dot{I}_{ux} = \mathbf{I} / (3/2 - j \sqrt{3}/2)$$

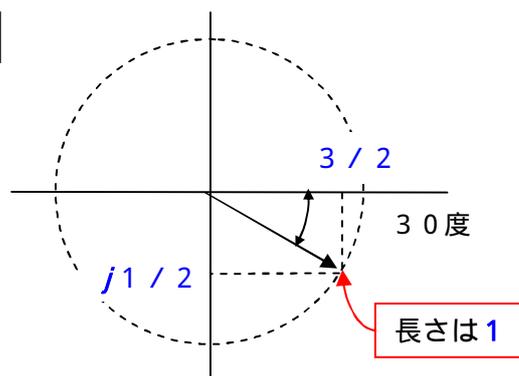
$$\dot{I}_{ux} = \mathbf{I} / \{ \sqrt{3} \times (\underline{3/2 - j1/2}) \} \quad \leftarrow \text{結果が解っているなのでこのような不思議な変換が出来ます。}$$

この式のアンダーラインの部分 ( $\underline{3/2 - j1/2}$ ) に注目します。

これをベクトル座標に書いてみると下記の様になります。

長さが1で  $30^\circ$  遅れのベクトルになっています。

図9



従って、この式は次のように変改できます。

$$\dot{I}_{ux} = I / \{ \sqrt{3} \times (\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2}) \} \quad \leftarrow \text{元の式}$$

$\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2} = 1 \angle -30^\circ$  と書けますから、

$$\dot{I}_{ux} = I / (\sqrt{3} \times 1 \angle -30^\circ)$$

$$\dot{I}_{ux} = (I / \sqrt{3}) \times 1 \angle +30^\circ$$

この式は次のように読めます。

$\dot{I}_{ux}$  は大きさが  $I$  の  $1 / \sqrt{3}$  で位相が  $30^\circ$  進んでいる。

両辺の絶対値を取れば、

$$|\dot{I}_{ux}| = |I / \sqrt{3}| \text{ となります。}$$

つまり巻線に流れる電流の大きさは、線電流の  $1 / \sqrt{3}$  倍です。

これが求めていた結論です。